

# INERCIÁLNÍ A NEINERCIÁLNÍ VZTAŽNÉ SOUSTAVY

## Obsah

Rozdělení.....	1
Inerciální vztažná soustava.....	1
Neinerciální vztažná soustava .....	1
Posouvající se neinerciální soustava .....	2
Rotující neinerciální soustava .....	2
Síla Eulerova .....	2
Síla Coriolisova .....	2
Síla odstředivá.....	3
Země jako neinerciální vztažná soustava .....	3

## Rozdělení

Vztažné soustavy se ve fyzice dělí na **inerciální** a **neinerciální**.

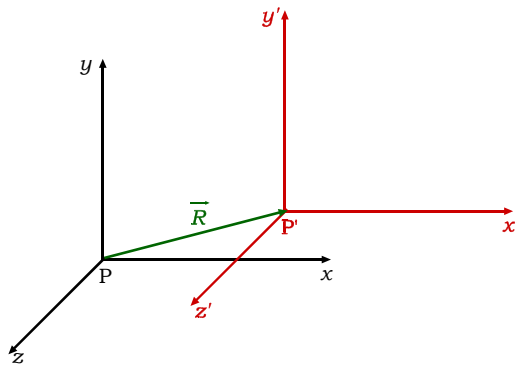
### Inerciální vztažná soustava

Za **inerciální vztažnou soustavu** budeme považovat takovou, která se vzhledem ke stálici (Slunci) buď nepohybuje ( $v = 0$ ), nebo se všechny její pevné body pohybují rovnoměrně přímočaře ( $\vec{v} = konst.$ ). Při takovém pohybu žádný pevný bod v této soustavě nebude zakřivovat svoji trajektorii. Platí, že každá další vztažná soustava, je-li vzhledem k inerciální soustavě v klidu nebo pohybu rovnoměrném přímočarém, je rovněž inerciální. Jako příklad můžeme uvést například stěny vagonu, který se pohybuje po přímé trati stálou rychlostí. **V inerciálních vztažných soustavách platí 1. Newtonův pohybový zákon - zákon setrvačnosti.**

### Neinerciální vztažná soustava

Všechny **ostatní vztažné soustavy jsou neinerciální. V neinerciálních vztažných soustavách neplatí 1. Newtonův pohybový zákon** ani 3. Newtonův pohybový zákon, tzn. že těleso, ačkoliv na ně nepůsobí žádná síla nebo výslednice sil je nulová, mění svůj pohybový stav (rychlost), tzn. pohybuje se s nenulovým zrychlením.

Modelu inerciální vztažné soustavy s dobrou přesností vyhovuje **Galileova vztažná soustava**, jejíž počátek leží v hmotném středu sluneční soustavy a osy mají vzhledem ke stálicím stálý směr. Vztažná soustava spojená se Zemí (**laboratorní vztažná soustava**) je neinerciální, protože se vzhledem ke Galileově vztažné soustavě pohybuje po zakřivené trajektorii a současně se otáčí. Při běžných dějích však nejsou projevy její neinerciálnosti příliš významné, a proto ji v prvním přiblížení obvykle považujeme za soustavu inerciální.



obr. 2 Neinerciální soustava (červená) posouvající se vzhledem k inerciální soustavě (černá).

## Posouvající se neinerciální soustava

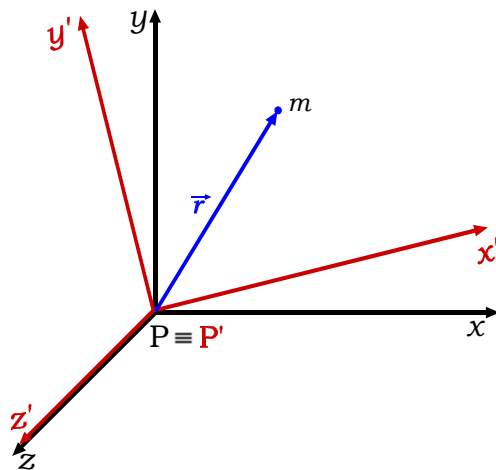
Je to soustava, která se vzhledem k inerciální pohybuje **přímočaře nerovnoměrně**. Zrychlení soustavy a všech bodů na osách je stejné a nenulové. Za reprezentující bod budeme považovat počátek takové neinerciální vztahné soustavy. Zrychlení

počátku označíme  $\vec{a}_u = \frac{d\vec{R}}{dt}$  a nazveme **unášivé**

**zrychlení**. Pak platí, že v takto definované neinerciální soustavě vzniká **setrvačná zdánlivá síla**

$$\vec{F}_s = -m\vec{a}_u, \quad (1)$$

kde  $m$  je hmotnost tělesa sledovaného v neinerciální soustavě. **Pokud chceme řešit pohybovou úlohu v neinerciální soustavě, musíme ke všem skutečným silám připočítat síly zdánlivé.** Často bývá takový postup výhodný a řešená úloha se zjednoduší.



obr. 1 Neinerciální soustava (červená) rotující vzhledem k inerciální soustavě (černá) kolem společné osy z.

## Rotující neinerciální soustava

Je to soustava, která vzhledem k inerciální **rotuje**. Je výhodné zvolit si osu rotace za osu z obou soustav, inerciální i neinerciální, jak ukazuje obr. 1. V neinerciální soustavě takového typu pak vzniknou tři zdánlivé síly.

### Síla Eulerova

**Eulerova síla** je zdánlivá síla působící v rotující neinerciální soustavě, která rotuje s proměnnou úhlovou rychlostí,  $\varepsilon \neq 0$ . Je pojmenována po švýcarském matematikovi a fyzikovi Leonhardu Eulerovi. Její vektorový výpočet je

$$\vec{F}_E = -m\vec{\varepsilon} \times \vec{r}, \quad (2)$$

kde  $\vec{r}$  je polohový vektor tělesa o hmotnosti  $m$ , nacházejícího se v rotující neinerciální soustavě, která rotuje s úhlovým zrychlením  $\vec{\varepsilon}$ . Znak  $\times$  označuje vektorový součin. Jak ukazuje obr. 1, počátek polohového vektoru  $\vec{r}$  leží na ose rotace.

### Síla Coriolisova

**Coriolisova síla** je zdánlivá síla působící na tělesa pohybující se v rotující neinerciální vztahné soustavě tak, že se mění jejich vzdálenost od osy otáčení. Coriolisova síla má směr kolmý ke spojnicí těleso - osa otáčení a způsobuje stáčení trajektorie tělesa proti směru otáčení soustavy. Je pojmenována po Gustavu Gaspardu de Coriolisovi. Její vektorový výpočet je dán rovnicí

$$\vec{F}_C = -2m\vec{\omega} \times \vec{v}', \quad (3)$$

kde  $m$  je hmotnost tělesa,  $\vec{v}'$  je rychlost tělesa v neinerciální vztahné soustavě,  $\vec{\omega}$  je vektor úhlové rychlosti otáčení neinerciální soustavy a  $\times$  označuje vektorový součin. Velikost

Coriolisovy síly spočteme jako

$$\vec{F}_C = -2m \omega v' \sin \alpha, \quad (4)$$

je  $\alpha$  úhel sevřený mezi vektorem úhlové rychlosti a vektorem rychlosti.

### Síla odstředivá

**Odstředivá síla** (značená  $\vec{F}_O$ ) je jedna ze zdánlivých sil, které působí na těleso v otáčející se neinerciální vztažné soustavě. V inerciálních vztažných soustavách odstředivé síly nepůsobí. Důsledkem odstředivé síly je **odstředivé zrychlení**. Odstředivá síla je dána rovnicí

$$\vec{F}_O = -m \vec{\omega} \times \vec{\omega} \times \vec{r}, \quad (5)$$

kde  $m$  je hmotnost tělesa,  $\vec{\omega}$  je vektor úhlové rychlosti otáčející se neinerciální soustavy a  $\vec{r}$  je polohový vektor tělesa, jehož počátek leží na ose rotace. Znak  $\times$  označuje vektorový součin. Velikost odstředivé síly je

$$F_O = m \omega^2 r. \quad (6)$$

### Země jako neinerciální vztažná soustava

Rotující neinerciální vztažnou soustavou je i Země, neboť Země rotuje kolem své osy. Na tělesa pohybující se vzhledem k Zemi působí **Coriolisova síla**, to lze názorně ukázat pomocí Foucaultova kyvadla.

Na všechna tělesa vztažená k Zemi, která neleží na zemské ose, působí **odstředivá síla**.

Na Zemi **nepůsobí Eulerova síla**, protože Země rotuje konstantní úhlovou rychlostí  $\varepsilon = 0$ .